

# Seminar Business Intelligence

## Teil I: OLAP und Data Warehousing

### Thema 4: Anfrageevaluierung und Optimierung

Vortrag von Philipp Breitbach

# Übersicht

1. Motivation
2. Umsetzung des CUBE-Operators
3. Umsetzung von Bereichssummenanfragen
4. Zusammenfassung

# Einordnung

Bisher: Multidimensionales Modell und OLAP-Anfragesprachen

Dadurch: Externe Sichtweise auf die Funktionalität der Operatoren

Aber: Keinerlei Information über die algorithmische Umsetzung

Jetzt: Umsetzung von multidimensionalen Operatoren

Hier: CUBE-Operator und Bereichssummenanfragen

## 2. Umsetzung des CUBE-Operators

Umsetzung des CUBE-Operators anhand des *PipeSort*-Algorithmus

- Dazu:
- Syntax und Ergebnis des CUBE-Operators
  - Untragbarkeit einer „naiven“ Berechnung des Würfels
  - Einführung des Suchgitters zur Interndarstellung einer CUBE-Anfrage und der prinzipiellen Berechnungsstrategie
  - Verwendung einer Sortierungsbasierten Berechnung einer einzelnen Group-By und die globale Bedeutung der Sortierungsreihenfolge
  - Detaillierte Erläuterung des *PipeSort*-Algorithmus

# Syntax

Aufruf durch:       SELECT Produkt, Jahr, Kunde, SUM(Umsatz)  
                      FROM Verkäufe  
                      **CUBE-BY** Produkt, Jahr, Kunde

Auf Tabelle Verkäufe: Produkt, Jahr, Kunde, Umsatz.

Notation:           (Produkt(P), Jahr(J), Kunde(K))



SELECT Produkt, Jahr, Kunde, SUM(Umsatz)  
FROM Verkäufe  
GROUP BY Produkt, Jahr, Kunde

# Ergebnis

Aufruf mit n Dimensionen

→ Berechnung und Vereinigung von  $2^n$  Group-By's

Ergebnis des Cubes der vorigen Folie:

(P, J, K) → 3D-Hypercube

**UNION** (P, J) **UNION** (P, K) **UNION** (J, K) → 2D-Hypercubes

**UNION** (P) **UNION** (J) **UNION** (K) → 1D-Hypercubes

**UNION** () → Gesamtsumme oder 0D-Hypercube

# Naiver Berechnungsansatz

Isolierte Berechnung der  $2^n$  Group-By's

Vorteil: Einfacher und übersichtlicher Berechnungsalgorithmus

Nachteil:  $2^n$  Scans der Basistabelle nötig!

Bei Basistabelle mit  $10^9$  Tupeln, 1KB/Tupel, 4MB/Seite und 6 Dimensionen:

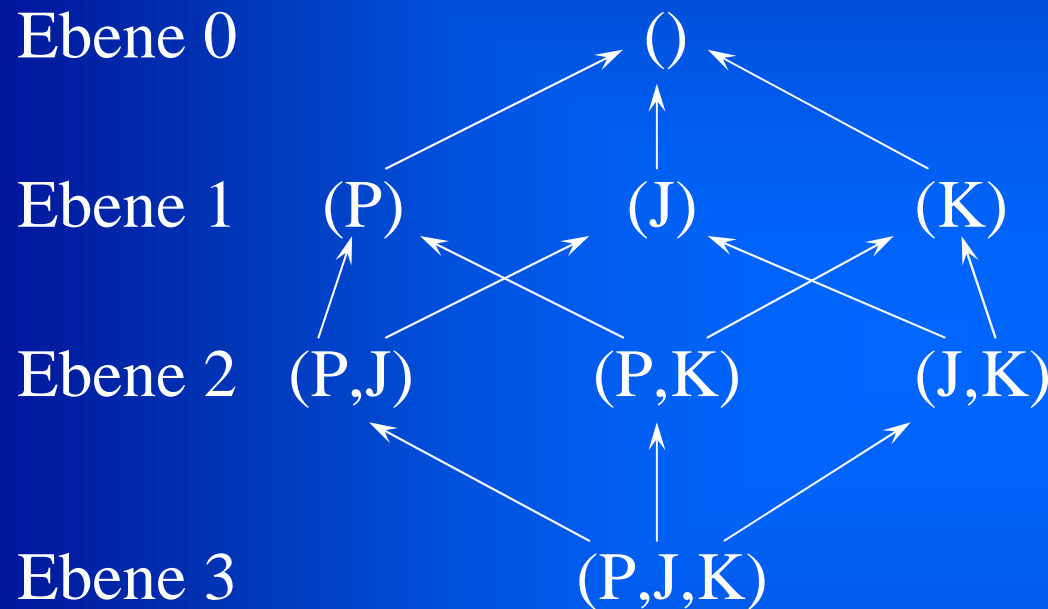
$10^9\text{KB}/4\text{MB} \approx 10^9\text{KB}/4000\text{KB} = 250000$  Seiten

$\rightarrow 2^6 * 250000 = 16$  Millionen Seitenzugriffe!!!

Untragbar für OLAP-Analyse!!!

Lösung: Berechne (P) z.B. aus (P, J) anstatt aus der Basistabelle  
 $\rightarrow$  Suchgitter ausnutzen

# Suchgitter



Suchgitter als interne Darstellung einer CUBE-Anfrage

Suchgitter ist ein gerichteter Graph mit:

- $2^n$  Group-By's als Knoten
- Kante von A nach B falls B aus A berechnet werden kann



# Prinzipielle Berechnungsstrategie

- Berechnung der Group-By aus Ebene n aus der Basistabelle (Rohdaten)
- Berechnung der restlichen Group-By's aus einem ihrer Väter im Suchgitter

→ Problem: Aus welchem Vater???

Optimale Lösung dieses Problems durch *PipeSort*, basierend auf Berechnungskosten für jede Kante im Suchgitter

# Optimierungsstrategien

- „Smallest-Parent“: Auswahl des kleinsten Vaters zur Berechnung einer Group-By
- „Amortize-Scans“: Gleichzeitige Berechnung (in einem Scan) möglichst vieler Group-By's
- „Cache-Results“: Cachen von Group-By's im Speicher zur Berechnung anderer Group-By's ohne Sekundärspeicherzugriff
- „Share-Sorts“: Aufteilung der Sortierungskosten zwischen möglichst vielen Group-By's (bei Sortierungsbasierter Berechnung einer einzelnen Group-By

# Globale Bedeutung der Sortierungsreihenfolge

Ergebnis der Sortierungsbasierten Berechnung von (P,J,K) liegt in bestimmter Sortierungsreihenfolge vor, z.B.  $P \rightarrow J \rightarrow K$ :

(P,J,K):

Produkt	Jahr	Kunde	Umsatz
Mixery	2002	Meier	50 €
Mixery	2003	Maier	100 €
Ur-Pils	2002	Maier	70 €
Ur-Pils	2003	Meier	30 €

Umsortierung nötig um (P,K) aus so sortierter (P,J,K)-Tabelle zu berechnen

→ Sortierungskosten müssen in das Kostenmodell zur Bestimmung eines optimalen Plans eingehen!

# Kostenmodell

Unterscheidung von zwei Kostenarten:

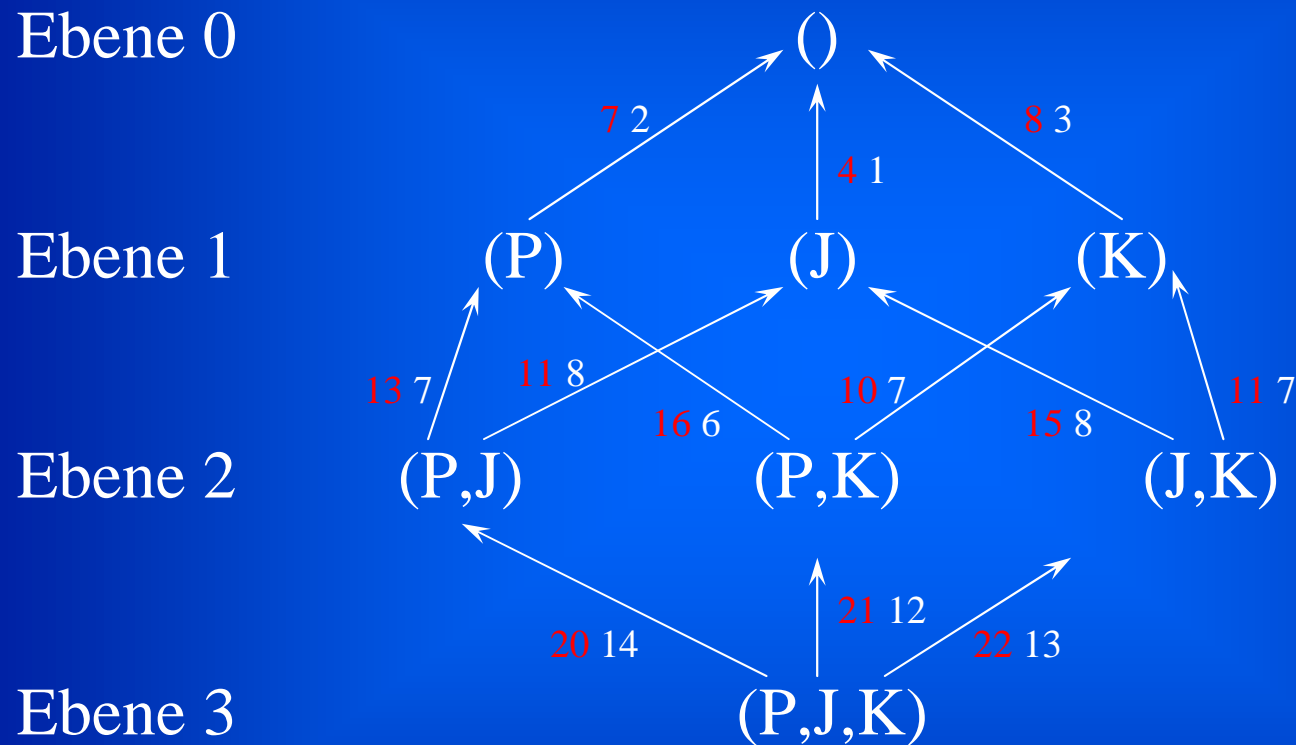
- Kosten um Group-By  $i$  aus Group-By  $j$  zu berechnen, falls Sortierung *nicht notwendig* (A-Kosten, Already sorted)
- Kosten um Group-By  $i$  aus Group-By  $j$  zu berechnen, falls Sortierung *notwendig* (S-Kosten, Still to sort)

Gewinnung der A- und S-Kosten aufgrund von statistischen Schätzwerten über die Datenverteilung

→ Werden hier als vorhanden vorrausgesetzt

→ A- und S-Kosten zu jeder Kante des Suchgitters hinzufügen:  
So modifiziertes Suchgitter ist Eingabe für *PipeSort*

# Modifiziertes Suchgitter



■ S-Kosten

■ A-Kosten

# *PipeSort-Algorithmus (1)*

Eingabe: Suchgitter mit A- und S-Kosten

Ausgabe: Teilgitter mit minimalen Kantenkosten  
→ Optimaler Plan

Darauf basierend: Berechnung der Group-By's in Pipelines

## *PipeSort-Algorithmus (2)*

Idee: Iteration von  $k=0$  bis  $n-1$  über Ebenen des Suchgitters:

$\forall k$ : Finden des besten Plans um Ebene  $k$  aus Ebene  $k+1$  zu berechnen

Umsetzung: Reduktion der Suche nach dem optimalen Plan im Iterationsschritt auf das *weighted-bipartite-matching-problem*(WBMP)

## *PipeSort-Algorithmus (3)*

WBMP:

Gegeben: Graph(hier: Suchgitter) aufgeteilt in 2 disjunkte Knotenmengen  $V_1$ (Ebenen unter Ebene  $k$ ) und  $V_2$ (Rest des Suchgitters).

Außerdem Kantenmenge  $E$ , die  $V_1$  und  $V_2$  verbindet, mit Kantengewichten(A- oder S-Kosten) für jede Kante.

Gesucht:  $E' \subseteq E$ , so dass Knoten aus  $V_1$  mit höchstens einem Knoten aus  $V_2$  verbunden und umgekehrt  
Und  $E'$  hat maximales Gewicht.



## *PipeSort-Algorithmus (4)*

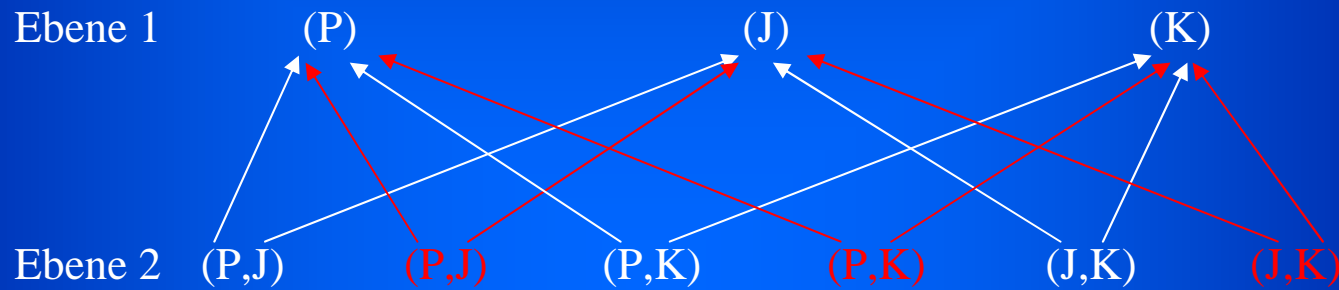
Reduktion des Iterationsschritts auf WBMP:

- Hinzufügen von  $k$  Kopien für jeden Knoten aus Ebene  $k+1$
- Verbinden der Kopien mit denselben Knoten aus Ebene  $k$  wie das Original
- Zuteilen von  $A$ -Kosten für alle ausgehenden Kanten jedes Originals
- Zuteilen von  $S$ -Kosten für alle ausgehenden Kanten jeder Kopie
- Allerdings: Suche nach Kantenmenge mit *minimalen* Kosten

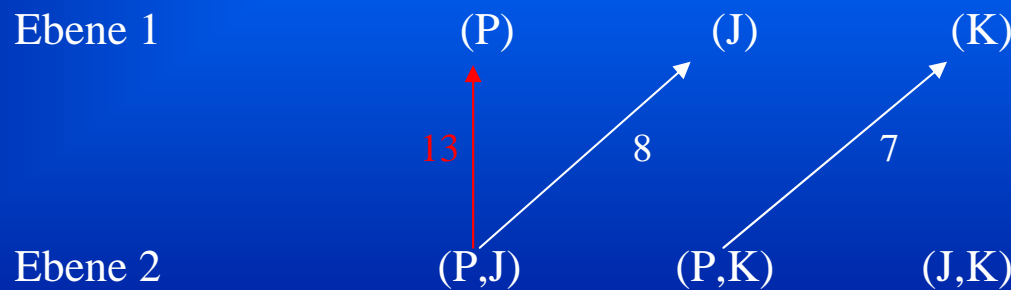
Zur Lösung des WBMP's wird der von Papadimitriou/Steiglitz entwickelte Algorithmus genutzt, der hier nicht näher erläutert wird.

# PipeSort-Algorithmus (5)

Beispiel für Reduktion:



Transformation durch WBMP-Algorithmus



(P,J): Kopie

(P,J): Original

→ S-Kosten

→ A-Kosten

## *PipeSort-Algorithmus (6)*

Nach Anwendung des WBMP-Algorithmus um Plan für Berechnung von Ebene  $k$  aus Ebene  $k+1$  zu berechnen:

Jeder Knoten  $A$  aus Ebene  $k$  mit *genau einem* Knoten  $B$  aus Ebene  $k+1$  verbunden.  $\rightarrow$  2 Fälle

1. Fall:  $A$  und  $B$  sind durch A-Kante verbunden

$\rightarrow$  Setze die Sortierungsreihenfolge zur Berechnung von Group-By  $B$  auf die Sortierungsreihenfolge für  $A$ .

2. Fall:  $A$  und  $B$  sind durch S-Kante verbunden

$\rightarrow$   $B$  wird schon zur Berechnung eines anderen Ebene- $k$ -Knoten verwendet und muss zur Berechnung von  $A$  umsortiert werden.

# *PipeSort-Algorithmus (7)*

*PipeSort* in Pseudocode:

For Ebene  $k=0$  to  $n-1$

*GeneratePlan*( $k+1 \rightarrow k$ );

Foreach Group-By  $g$  in Ebene  $k+1$

If eine A-Kante von  $g$  zu einem Knoten  $h$  aus Ebene  $k$  existiert

Then setze die Sortierreihenfolge von  $g$  auf die von  $h$ ;

*GeneratePlan*( $k+1 \rightarrow k$ ):

$k$  Kopien für jeden Knoten aus Ebene  $k+1$  machen;

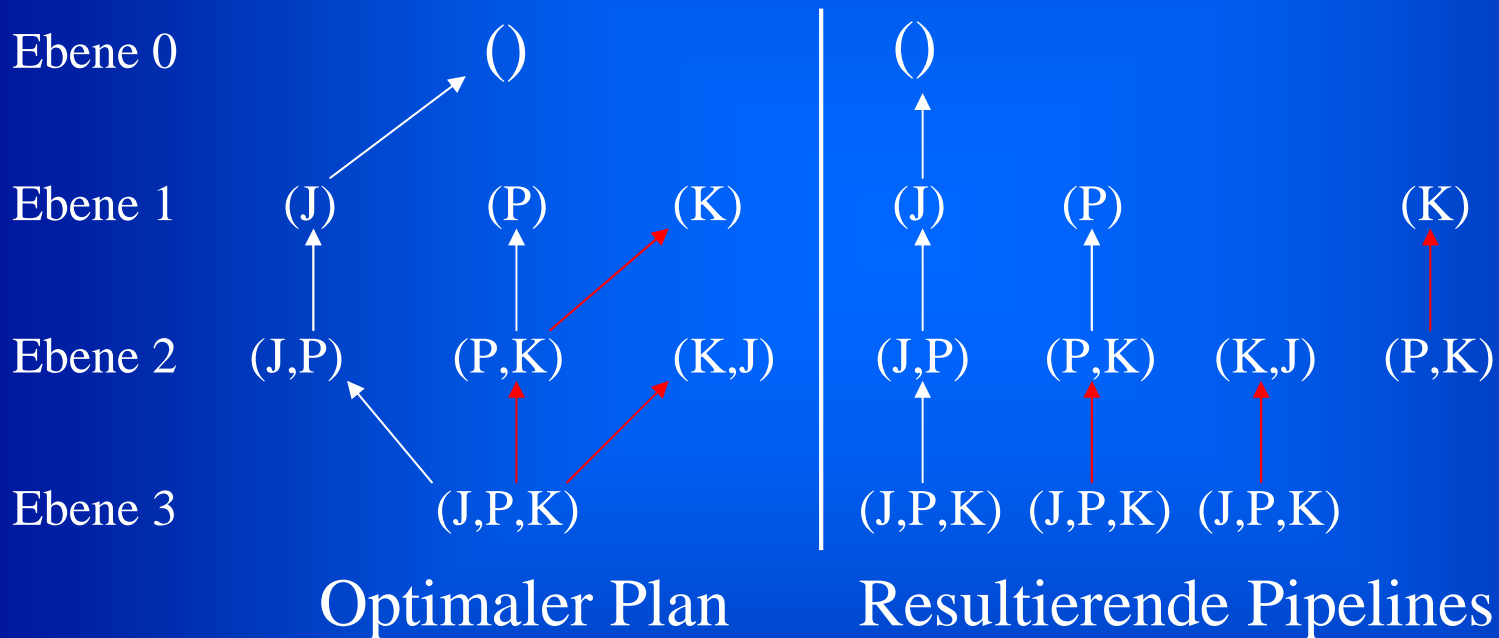
Jeden kopierten Knoten mit demselben Knoten wie Original verbinden;

Ordne Kanten A-Kosten für Originalknoten und S-Kosten für Kopien zu;

Finde minimale Kosten durch WBMP-Algorithmus;

# *PipeSort-Algorithmus (8)*

Ausgabe von *PipeSort*:

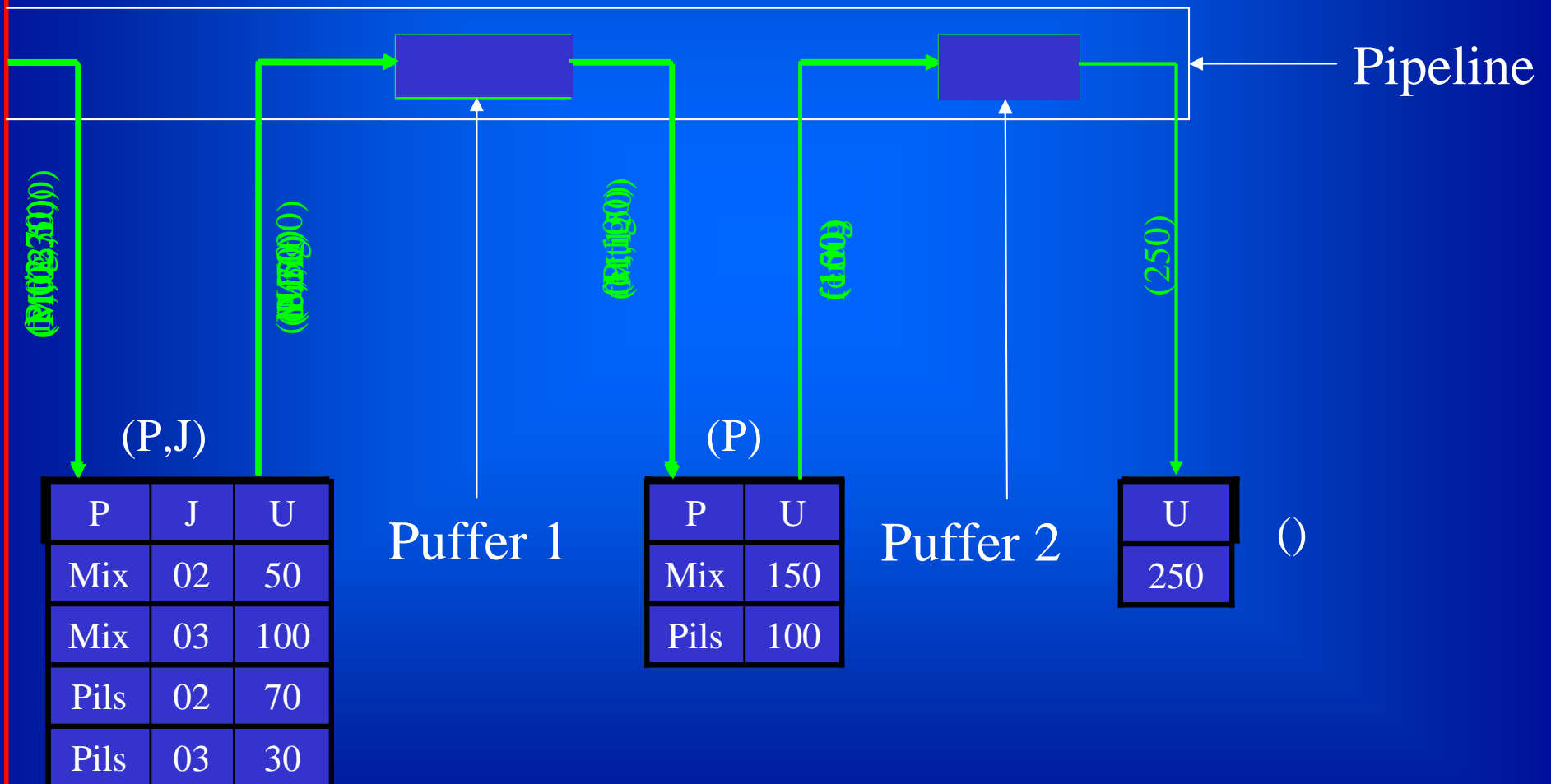


$A \rightarrow B$ : Berechnung von Group-By B aus A, keine Neusortierung

$A \rightarrow B$ : Neusortierung nötig, um B aus A zu berechnen

# Beispiel für Pipeline-Berechnung

Berechnung von  $\dots(P,J) \rightarrow (P) \rightarrow ()$ :



## Umsetzung der Optimierungsstrategien

- „smallest parent“: Durch die Auswahl anhand der A- und S-Kosten berücksichtigt.
  - „amortize-scans“: Berechnung mehrerer Group-By's in einer Pipeline während eines Scans
  - „cache-results“: Zwischenspeichern der aktuellen Aggregate in den Puffern einer Pipeline
  - „share-sorts“: Berechnung von durch A-Kanten verbundenen Group-By's ohne zusätzliche Sortierungskosten
- Leistung von *PipeSort* kommt sehr nahe an geschätzte untere Schranken zur Berechnung des Datenwürfels heran!

## 3. Umsetzung von Bereichssummenanfragen

Letzter Teil: Berechnung des Datenwürfels

Dieser Teil: Anfragen auf dem Datenwürfel  
genauer: Bereichssummenanfragen

Bereichssummen: Gesamtsummen eines zusammenhängenden Bereichs des Würfels

Im allgemeinen keine Deckung des Bereiches mit Klassifikationshierarchien der Dimensionen

Also nicht nur durch Roll-Up's berechenbar

Effiziente Berechnung durch vorberechnete Präfixsummen möglich



# Modell

Seien  $D = \{1, 2, \dots, d\}$  Menge der Dimensionen des Würfels,  
 $n_1, n_2, \dots, n_d$  Beträge der Mengen der jeweiligen Dimensionselemente

Datenwürfel modelliert als d-dimensionales Array A der Grösse

$$N = \prod_{j=1}^d n_j$$

Bereichssummenanfrage modelliert durch:

$$\text{Sum}(l_1:h_1, \dots, l_d:h_d) = \sum_{i_1=l_1}^{h_1} \dots \sum_{i_d=l_d}^{h_d} A[i_1, \dots, i_d],$$

wobei  $l_j:h_j$  den ausgewählten Bereich der Dimension  $j \in D$   
bezeichne mit  $l_j \leq i_j \leq h_j$

# Präfixsummenarray

Präfixsummenarray P:

d-dimensionales Array der Größe  $N = \prod_{j=1}^d n_j$

also derselben Kardinalität wie A

P speichert vorberechnete Präfixsummen:

$$\begin{aligned} \forall (0 \leq x_j < n_j) \wedge (j \in D): \quad P[x_1, \dots, x_d] &= \text{Sum}(0: x_1, \dots, 0: x_d) \\ &= \sum_{i_1=l_1}^{h_1} \dots \sum_{i_d=l_d}^{h_d} A[i_1, \dots, i_d] \end{aligned}$$

# Beispiel für A und P

Array A						
Index	0	1	2	3	4	5
0	3	5	1	2	2	3
1	7	3	2	6	8	2
2	2	4	2	3	3	5

Array P						
Index	0	1	2	3	4	5
0	3	8	9	11	13	16
1	10	18	21	29	39	44
2	12	24	29	40	53	63



$$21 = 3 + 5 + 1 + 7 + 3 + 2$$



$$53 = 3 + 5 + 1 + 2 + 2 + 7 + 3 + 2 + 6 + 8 + 2 + 4 + 2 + 3 + 3$$

# Range-Sum-Algorithmus

Berechnung von Bereichssummen auf A aus  $2^d$  Elementen aus P:

$$\forall j \in D: \quad \text{Sum}(l_1:h_1, \dots, l_d:h_d) = \sum_{\forall x_j \in \{l_j-1, h_j\}} \left\langle \left( \prod_{i=1}^d s(i) \right) * P[x_1, \dots, x_d] \right\rangle,$$

$$\text{mit } s(i) = \begin{cases} 1, \text{ falls } & x_j = h_j \\ -1, \text{ falls } & x_j = l_j - 1 \end{cases}$$

und  $P[x_1, \dots, x_d] = 0$ , falls  $x_j = -1$  für ein  $j \in D$ .

## Beispiel

Berechnungsvorschrift:

$$\forall j \in D: \quad \text{Sum}(l_1:h_1, \dots, l_d:h_d) = \sum_{\forall x_j \in \{l_j-1, h_j\}} \left\langle \left( \prod_{i=1}^d s(i) \right) * P[x_1, \dots, x_d] \right\rangle,$$

$$\text{mit } s(i) = \begin{cases} 1, \text{ falls } & x_j = h_j \\ -1, \text{ falls } & x_j = l_j - 1 \end{cases}$$

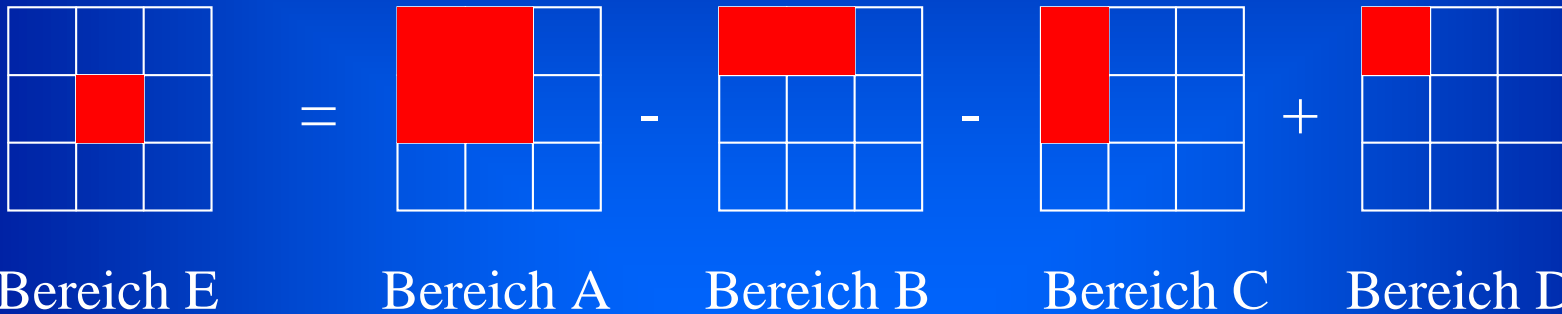
Berechnung von  $\text{Sum}(l_1:h_1, l_2:h_2)$  mit  $d=2$  aus  $2^2=4$  Elementen aus  $P$ :

$$\text{Sum}(l_1:h_1, l_2:h_2) = P[h_1, h_2] - P[h_1, l_2-1] - P[l_1-1, h_2] + P[l_1-1, l_2-1]$$

$$\text{z.B. } \text{Sum}(2:3, 1:2) = P[3, 2] - P[3, 0] - P[1, 2] + P[1, 0]$$

$$= 40 - 11 - 24 + 8 = 13$$

# Geometrische Veranschaulichung



Array A						
Index	0	1	2	3	4	5
0	3	5	1	2	2	3
1	7	3	2	6	8	2
2	2	4	2	3	3	5

Array P						
Index	0	1	2	3	4	5
0	3	8	9	11	13	16
1	10	18	21	29	39	44
2	12	24	29	40	53	63

# Variationen des Algorithmus

Löschen von Array A nach Berechnung von P, denn:

$$A[x_1, \dots, x_d] = \text{Sum}(x_1:x_1, \dots, x_d:x_d)$$

→ Zugriff auf  $2^d$  Elemente von P anstatt auf 1 Element von A bei Einzelelementanfragen

Speicherung von geblockten Präfixsummen in P auf gröberer Ebene mit Hilfe eines Blockfaktors b:

Speicherung von  $P[x_1, \dots, x_d]$  nur, falls  $x_i \bmod (b-1) = 0$  ( $\forall i \in D$ )  
oder  $x_i = n_i - 1$  für ein  $i \in D$

→ Reduzierung des Speicherplatzes für P, aber Zugriffe auf A nötig bei Bereichen die nicht mit Blockstruktur übereinstimmen

## 4. Zusammenfassung

Anfrageevaluierung und Optimierung anhand des CUBE-Operators sowie Bereichssummenanfragen:

CUBE: Berechnung durch *PipeSort*-Algorithmus  
→ Nahe an geschätzter unterer Schranke zur Berechnung des Würfels

Erläuterung der genutzten Optimierungen

Bereichssummen: Berechnung durch Range-Sum-Algorithmus  
→ Berechnung auf Würfel mit  $d$  Dimensionen durch Zugriff auf  $2^d$  Elemente eines vorberechneten Präfixsummenarrays  
Flexible Möglichkeiten für Kompromiss zwischen Laufzeit und Speicherlast